

Temat: Rekurencja – wywołujemy samych siebie.

Rekurencja to odwołanie się np. funkcji do samej siebie. Aby wyznaczyć n-tą wartość trzeba najpierw wyznaczyć wszystkie „wcześniejsze” wartości. Aby algorytm rekurencyjny mógł się zatrzymać, jego kolejne odwołania do siebie samego muszą zależeć od pewnego warunku, który zmienia się z każdym kolejnym wywołaniem. Algorytm ten musi mieć ściśle zdefiniowany warunek zakończenia wywołań rekurencyjnych. Każde wywołanie funkcji rekurencyjnej związane jest z zapamiętaniem kopii wszystkich zmiennych funkcji oraz z umieszczeniem na stosie adresu miejsca w programie do którego system ma powrócić po zakończeniu funkcji.

1. Definicja rekurencyjna silni liczby naturalnej

w zapisie matematycznym

$$n! = 1 \quad \text{dla } n=0$$

$$n! = (n-1)! \cdot n \quad \text{dla } n > 0$$

w języku c++

double silnia (int n)

```
{ if (n == 0) return 1;
  else return silnia(n-1)*n;
}
```

2. Definicja rekurencyjna potęgi o wykładniku naturalnym liczby rzeczywistej

w zapisie matematycznym

$$a^0 = 1 \quad \text{dla } n=0$$

$$a^n = a^{n-1} \cdot a \quad \text{dla } n \in \mathbb{N}_+$$

w języku c++

float potega_rek(float x, int n)

```
{ if (n == 0) return 1;
  else return potega_rek(x, n-1) * x;
}
```

3. Definicja rekurencyjna ciągu Fibonacciego

w zapisie matematycznym

$$a_1 = a_2 = 1$$

$$a_n = a_{n-1} + a_{n-2}, \quad n > 2$$

w języku c++

int fibo (int n)

```
{ if (n == 1 || n == 2) return 1;
  else return fibo(n-1)+fibo(n-2);
}
```

Zadanie

Napisz program, który obliczy i wyświetli na ekranie 7 wyraz ciągu określonego rekurencyjnie w następujący sposób:

$$a_1 = 0$$

$$a_2 = 3$$

$$a_n = 2 \cdot a_{n-1} - 3 \cdot n - a_{n-2}, \quad n > 2$$

Plik nazwij: **ciag7.cpp**.